



M Ű E G Y E T E M 1 7 8 2

Gépészmérnöki kar

Műszaki Mechanikai Tanszék



Általánosított tartószerű alkalmazása késleltetett digitális szabályozásoknál

Deichler Anna (T3DFWZ)

Szakdolgozat prezentáció

Konzulens: dr. Insperger Tamás

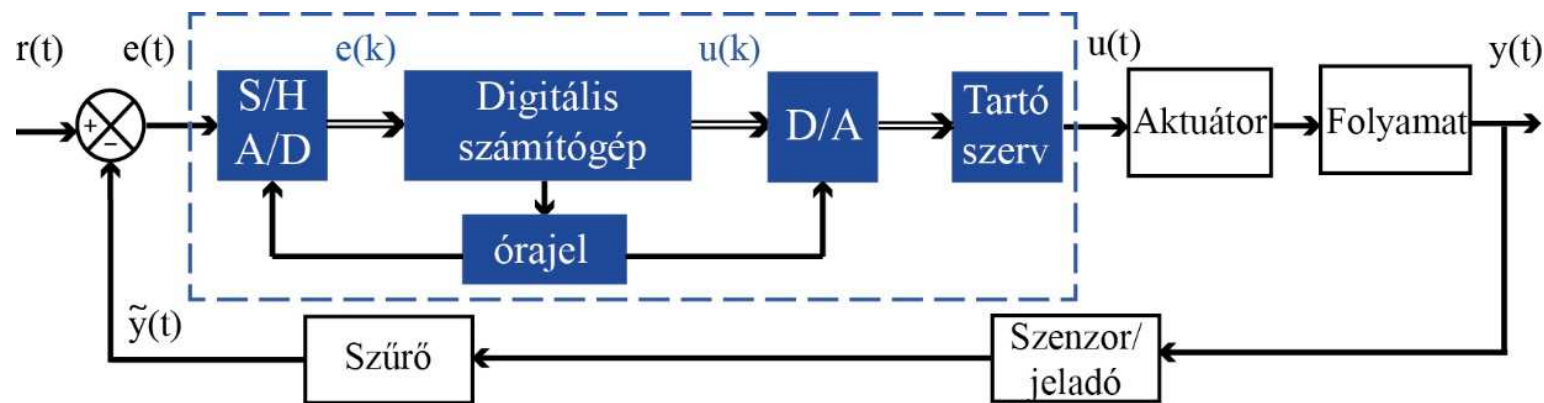
Prezentáció tartalma

1. Témaválasztás, motiváció
2. Tartószerv szerepre/ különböző tartószervek
3. A vizsgált rendszer modellje
4. A rendszer stabilitás vizsgálata (n-ed rendű tartó, SMH tartó)
5. Stabilitásvesztés
6. Összefoglalás

1. Témaválasztás/ Motiváció

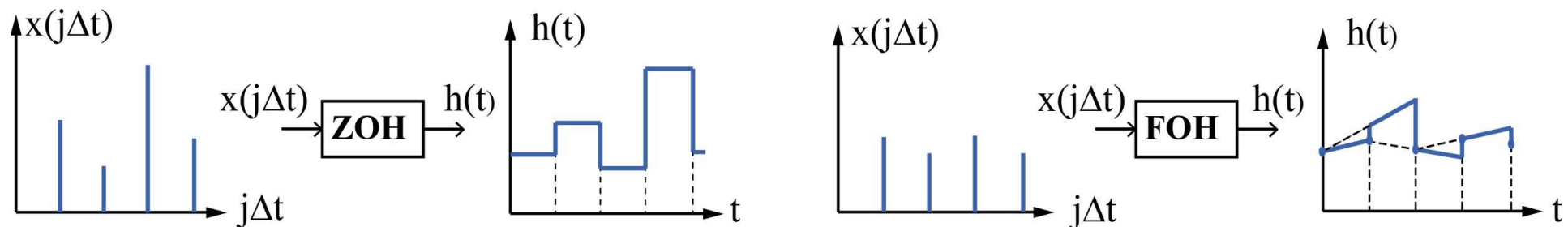
- Digitális szabályzók elterjedtsége számos előnyök miatt
- Szabályzó: diszkrét idejű jelek (mintavételezési idő) \leftrightarrow szakasz: folytonos \rightarrow jelkonverzió
- Jelkonverzió megvalósításának lehetősége: tartófüggvények
- Általánosan használt, hagyományos tartószerv: nulladrendű
- Irodalom: első és másodrend tartó alkalmazásáról kevesebb publikáció
- Általánosított tartószerv vizsgálata– pontosabb működés, jobb teljesítmény
- Tartók stabilitásvizsgálata, stabilitásvizsgálat jelentősége dinamikus rendszereknél: szabályzó rendszer működésének legfontosabb jellemzője
- Időkésleltetés: gyakori probléma, fontos modellezése

2. A tartószerv szerepe a digitális szabályzó körben



- Jellemzően visszacsatolt szabályozási körben
- Digitális szabályzó egység: diszkrét idejű jelek
- szakasz: folytonos működés \rightarrow AD/DA átalakítók szükségessége digitális szabályozási rendszereknél
- Jelkonverzió több ponton
- Szakdolgozatban: D/A átalakítás vizsgált \rightarrow folytonos idejű jel folytonos szakaszhoz

2. Az n-ed rendű tartószer



ZOH nulladrendű tartó szakaszonként állandó közelítés

FOH elsőrendű tartó elsőrendű polinom extrapoláció

SOH másodrendű tartó másodrendű polinom extrapoláció

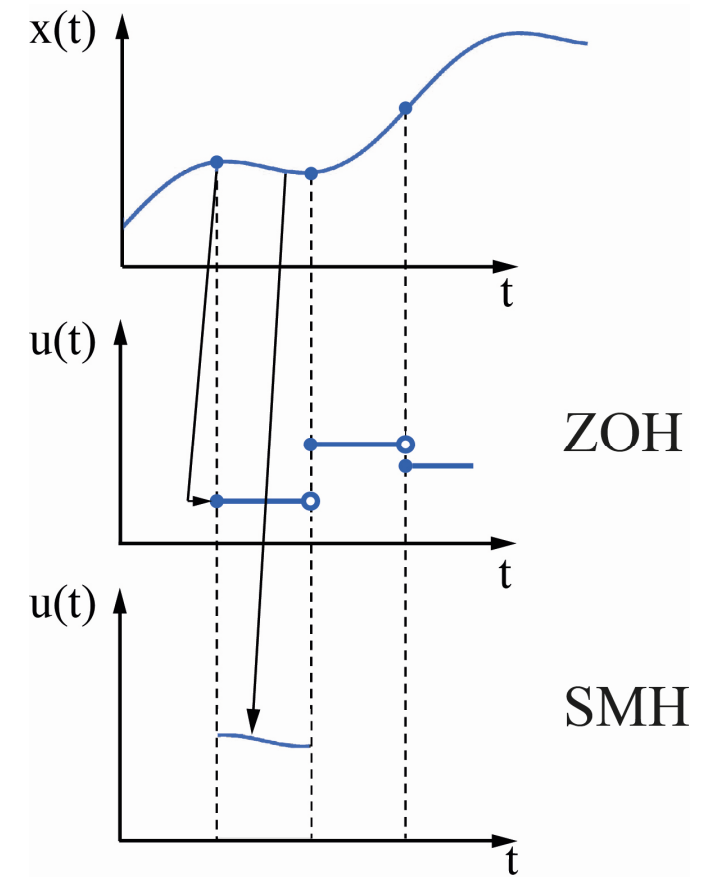
2. Az általánosított tartószerv

- A tartófüggvény is tervezési paraméter (n-ed rendű: csak erősítési paraméterek)
- Egy speciális változata a rendszerhez illesztett tartó (System-matched hold \rightarrow SMH)
- Rendszer dinamikája alapján meghatározott függvény adja beavatkozó jelet
- Tartás jelleg eltűnése \rightarrow prediktív jelleg

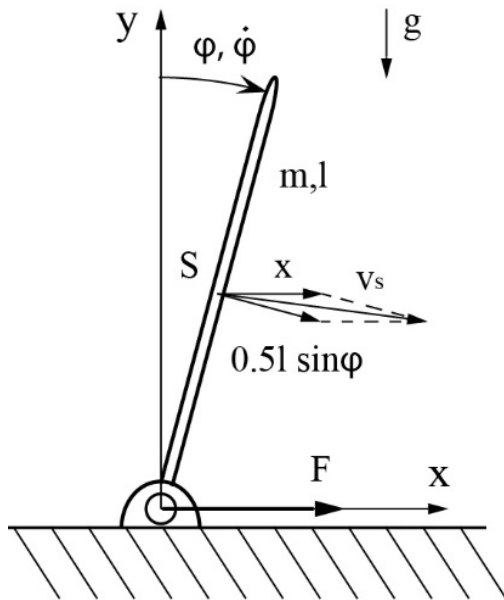
$$\mathbf{u}(t) = \mathbf{K}\mathbf{F}(t)\mathbf{x}_j \quad \rightarrow \quad \mathbf{u}(t) = \mathbf{K}\mathbf{x}(t)$$

- Beavatkozó jel tartófüggvénnyel:

$$\mathbf{F}(t) = e^{(\mathbf{A}+\mathbf{B}\mathbf{K})t}$$



3. A vizsgált rendszer – A rúdegyensúlyozás mechanikai modellje



- Két szabadsági fokkal rendelkező modell
- Instabil → stabilizáló erő szükséges
- Lagrange-egyenletek: elemek energia tartalma alapján mozgásegyenlet levezetése
- Az egyenletek szögkitérésre rendezése
- A linearizált mozgásegyenlet:

$$\ddot{\varphi} - \frac{6g}{l} \sin(\varphi) = -\frac{6}{ml} F(\dot{\varphi}, \varphi)$$

- Az alkalmazott szabályzó: PD (proporcionális-derivatív)

3. A vizsgált rendszer állapottér reprezentációja

- Állapottér reprezentáció: modern szabályozástechnika alapja
- Az állapotvektor: inga szöghelyzetet és a szögsebességet tartalmazza

$$\mathbf{x}(t) = \begin{bmatrix} \varphi(t) \\ \dot{\varphi}(t) \end{bmatrix}$$

- A rendszer bemenete a PC által kibocsátott szabályzó jel
- A rendszer állapotegyenlete:

$$\dot{\mathbf{x}}(t) = \begin{bmatrix} \dot{\varphi}(t) \\ \ddot{\varphi}(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ \beta^2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi(t) \\ \dot{\varphi}(t) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \mathbf{u}(t)$$

$$\mathbf{u}(t) \rightarrow \mathbf{u}_j = -\mathbf{K}\mathbf{x}(t) \rightarrow \mathbf{K}: \text{szabályozás erősítési paraméterei (P, D)}$$

3. Folytonos rendszer diszkretizációja

- A szabályozási rendszer vizsgálata diszkrét időtérben → folytonos szakasz diszkretizálása
- Rendszer diszkretizálása a mátrix exponenciális segítségével történik
- A diszkrét állapotegyenlet: az inhomogén állapotválasz alapján levezetve

$$\mathbf{x}(t) = e^{\mathbf{A}(t-t_0)} \mathbf{x}(t_0) + \int_{t_0}^t e^{\mathbf{A}(t-\tau)} \mathbf{B}\mathbf{u}(\tau) d\tau$$

- Diszkrét leírás: az integrálás időintervallum mintavételi időnek megfelelően választva → differenciaegyenlet

$$\mathbf{x}_{j+1} = \mathbf{A}_d \mathbf{x}_j + \mathbf{B}_d \mathbf{u}_j$$

- \mathbf{u}_j beavatkozó jel az alkalmazott tartószervtől és időkéséstől függően változik

3. Φ Átviteli mátrix felírása különböző esetekben

- Rendszer stabilitásvizsgálata: átviteli mátrix sajátértékein keresztül
- Átviteli mátrix: rendszer állapotváltozását írja le $\mathbf{x}_{j+1} = \Phi \mathbf{x}_j$
- Időkésés modellezése: egy mintavételezés idő késés (beavatkozó jel)

Időkésés nélküli rendszer

$$\mathbf{x}_{j+1} = \mathbf{A}_d \mathbf{x}_j + \mathbf{B}_d \mathbf{K} \mathbf{x}_j$$

$$\mathbf{x}_{j+1} = (\mathbf{A}_d \mathbf{x}_j + \mathbf{B}_d \mathbf{K}) \mathbf{x}_j$$

$$\Phi \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$$

Időkésést tartalmazó rendszer

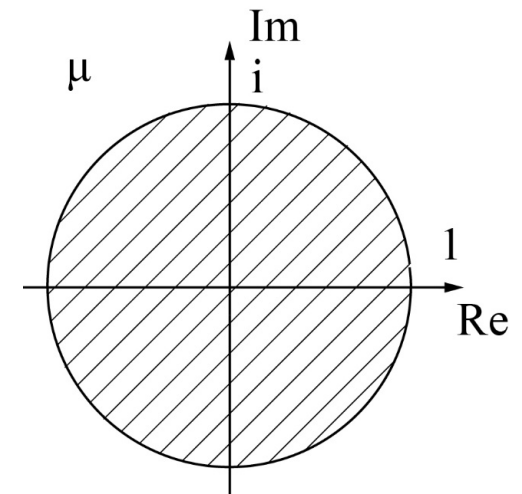
$$\mathbf{x}_{j+1} = \mathbf{A}_d \mathbf{x}_j + \mathbf{B}_d \mathbf{x}_{j-1}$$

$$\begin{bmatrix} \varphi_{j+1} \\ \varphi_j \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{A}_d & \mathbf{B}_d \\ \mathbf{I} & \mathbf{0} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_j \\ \varphi_{j-1} \end{bmatrix}$$

$$\Phi \in \mathbb{R}^{4 \times 4}$$

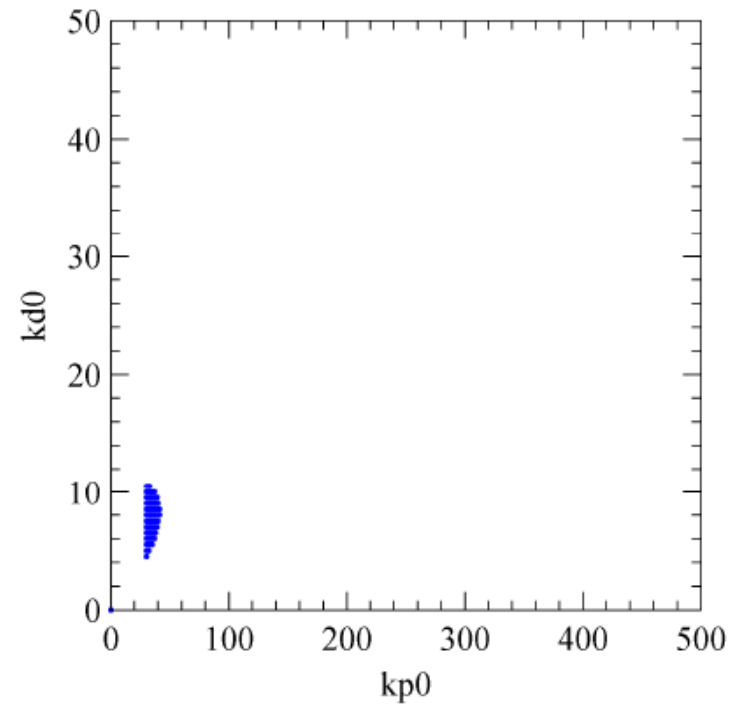
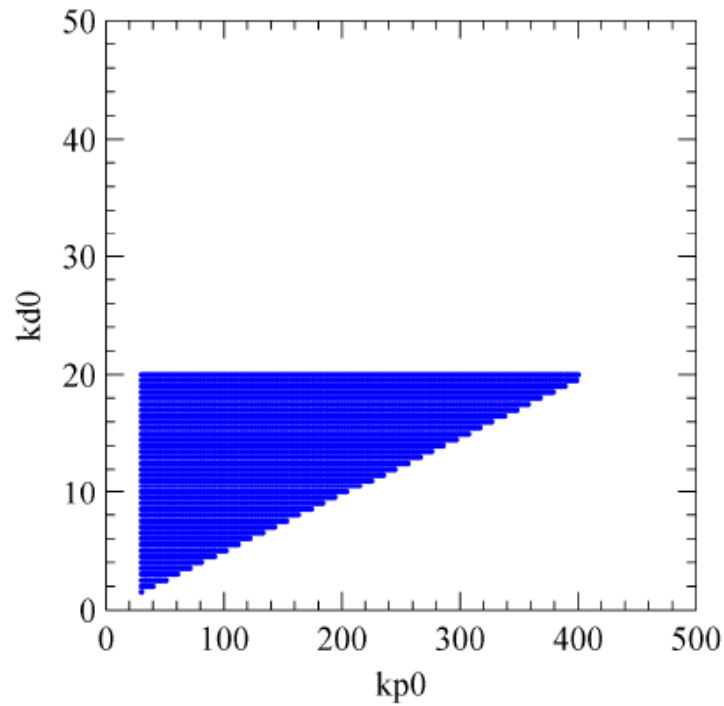
4. A rendszer stabilitás vizsgálata

- Stabilitásvizsgálat n-ed (0,1,2) rendű tartók és SMH esetén
- Minden esetben időkésés nélküli és időkéséses eset vizsgálata
- Stabilitásvizsgálat alapja: átviteli mátrix sajátértékeinek vizsgálata (diszkrét rendszer stabilitása)
- *MATLAB*: proporcionális és derivatív erősítési tényezők léptetése, egymásba ágyazott ciklusok, stabil pontok ábrázolása
- Stabil tartomány megjelenítése: kapott stabil pontpárok ábrázolása stabilitástérképeken (szabályozási paraméterek által meghatározott sík)

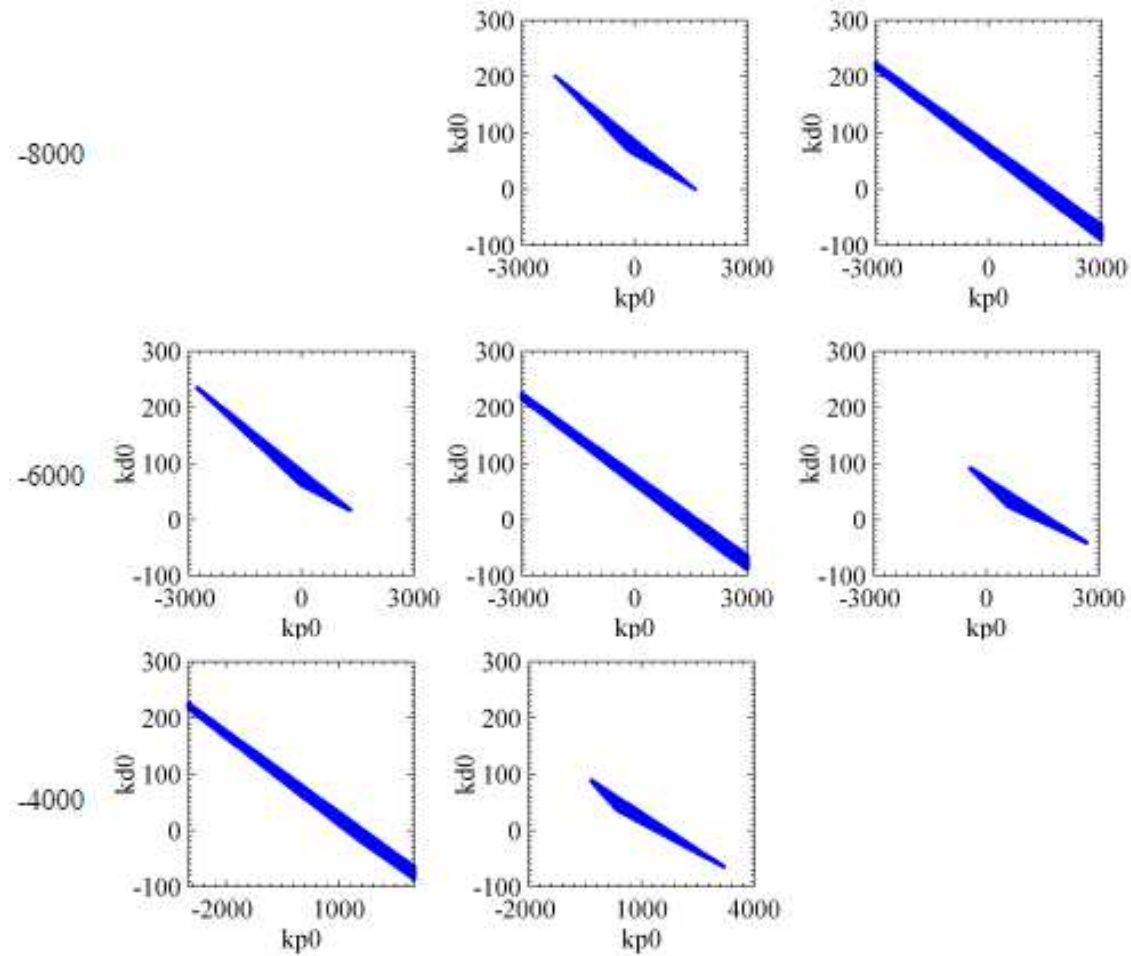


4. Stabilitásvizsgálat – Nulladrendű tartó

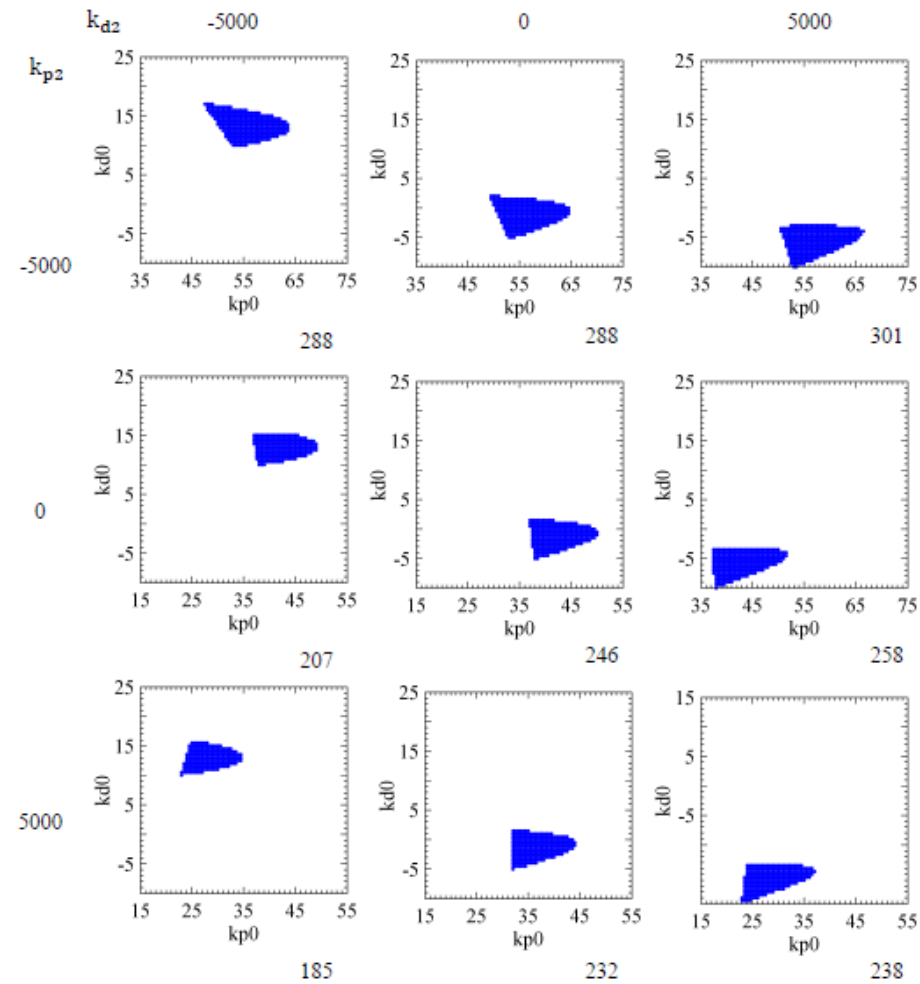
- Az időkésés hatása a stabil tartományra



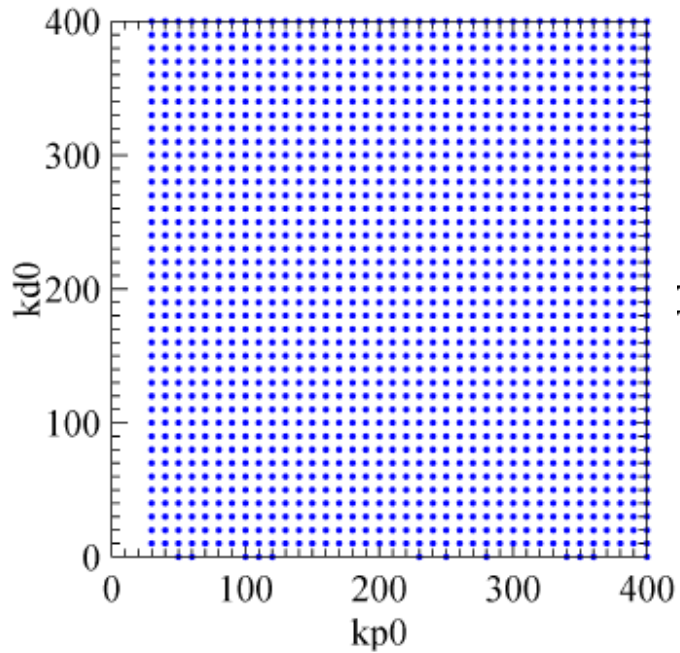
4. Stabilitás vizsgálat – Elsőrendű tartó



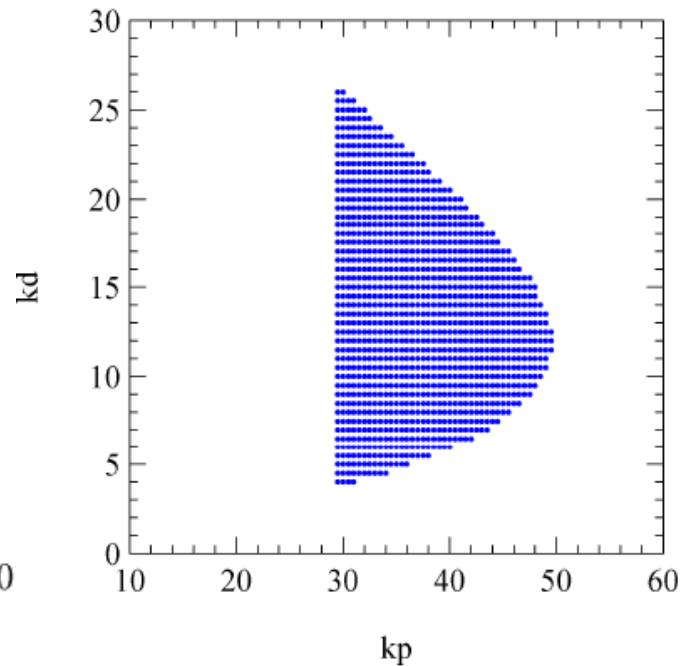
4. Stabilitás vizsgálat – Másodrendű tartó



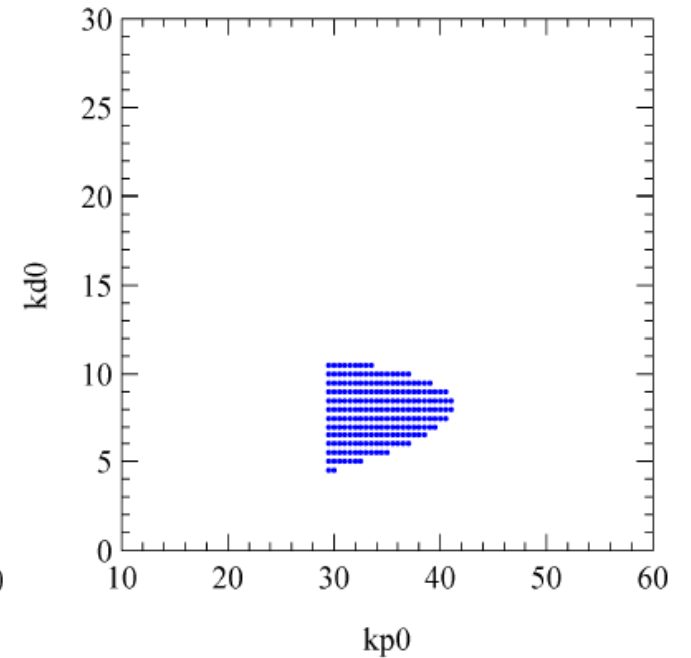
4. Stabilitás vizsgálat – Rendszerhez illesztett tartó



SMH - időkézés nélkül

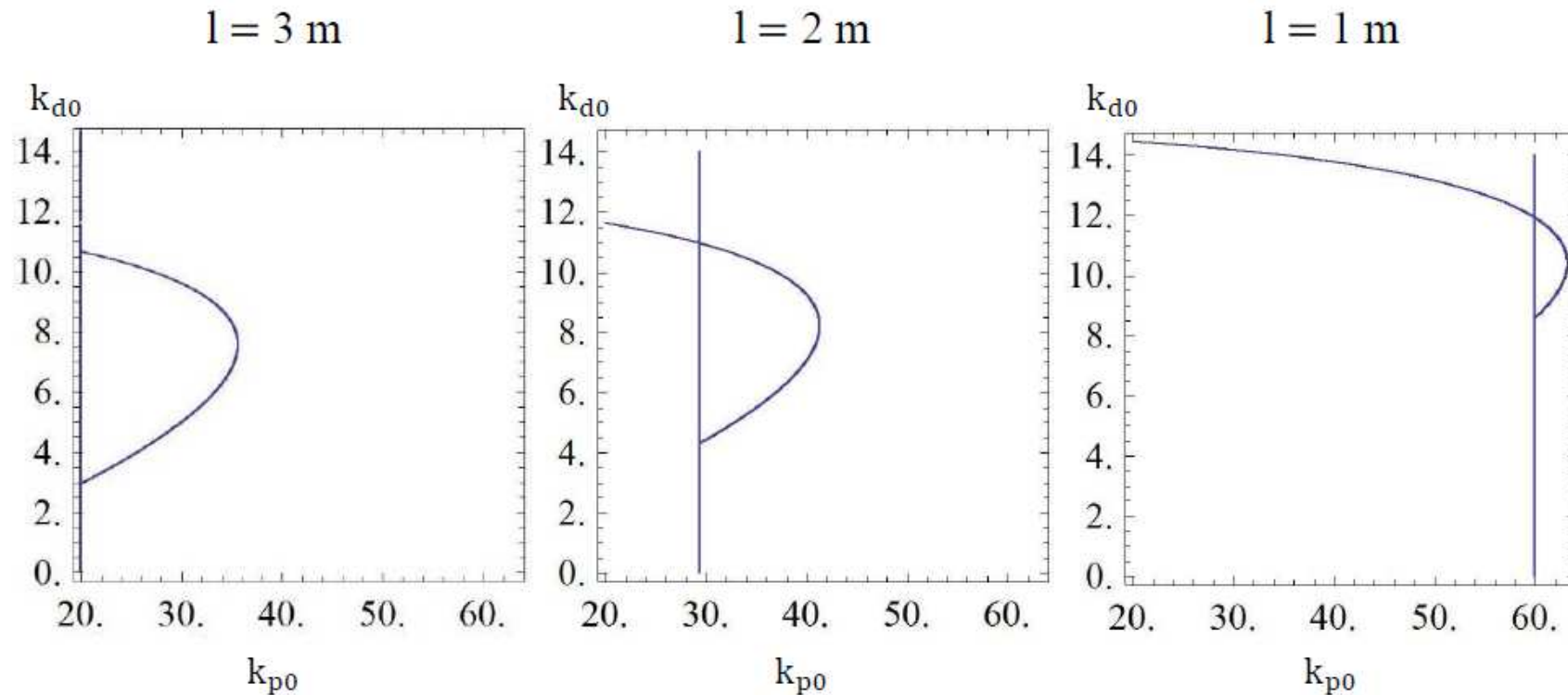


SMH - időkézésessel



ZOH - időkézésessel

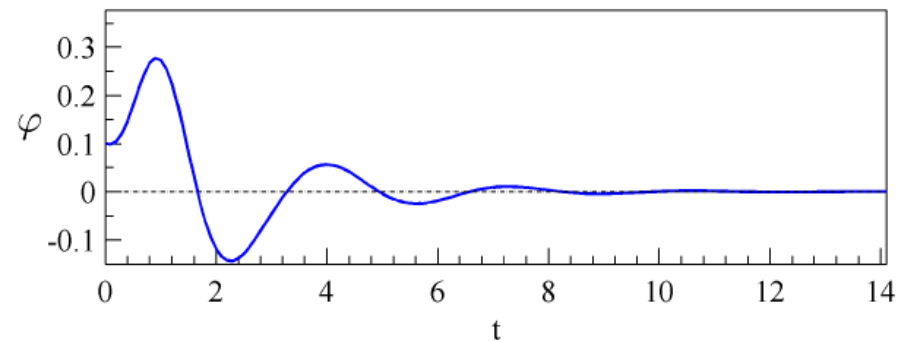
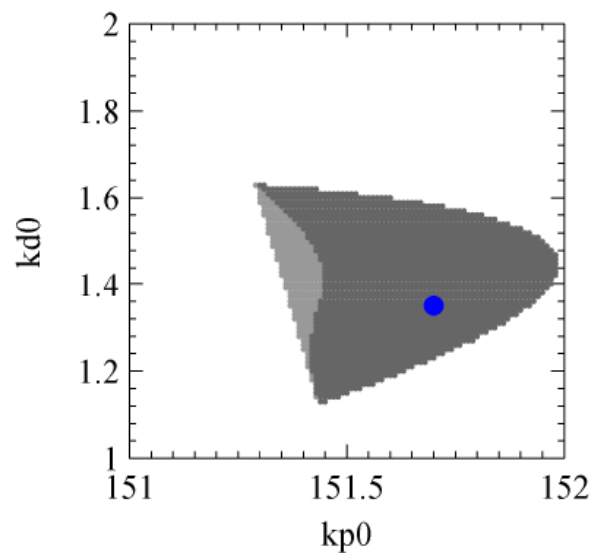
5. Stabilitásvesztés adott időkésés esetén



Időkésést tartalmazó, ZOH rendszer esetén kritikus rúd hossz,
számított értéke: $l \approx 0.6355 \text{ m}$

5. Stabilitásvesztés adott időkésés esetén

- Elsőrendű és másodrendű tartó alkalmazásával kritikus rúd hossz csökkenthető



$$k_{p0} = 151.7$$

$$k_{p1} = -500$$

$$k_{p2} = -1000$$

$$k_{d0} = 1.35$$

$$k_{d1} = 500$$

$$k_{d2} = 1000$$

6. Konklúzió, további vizsgálati lehetőségek

- Magasabb rendű tartószervek → stabil tartomány nőtt
- Rendszerhez illesztett tartó: legkedvezőbb tulajdonságok, időképes esetben is

Válaszok

- 1.
- 2.
- 3.